文章编号:1674-8190(2020)03-387-07

加筋板破坏载荷计算中的蒙皮有效宽度计算 方法适应性验证

吴存利,聂小华

(中国飞机强度研究所 计算结构技术与仿真中心, 西安 710065)

摘 要:飞机机身和机翼结构多采用中长加筋板,中长加筋板在轴压载荷作用下的破坏载荷一直是工程中研究的热点;目前中长加筋板破坏载荷计算多采用 Johnson-Euler 方程,涉及到蒙皮有效宽度计算。对国内外常用的有效宽度计算方法进行分析,说明其产生的根源,并通过机身加筋板试验结果对其适应性进行验证。结果表明:对于薄蒙皮铆接 Z 型机身加筋板破坏载荷计算,本文介绍的有效宽度计算方法都能使计算误差控制在10%,可为飞机设计人员对轴压加筋板设计提供帮助。

关键词:加筋板; Johnson-Euler 方程; 有效宽度; 屈曲; 破坏载荷

中图分类号: V214.8 文献标识码: A DOI: 10.16615/j.cnki.1674-8190.2020.03.013

开放科学(资源服务)标识码(OSID):

Computing Method Applicability Verification of Effective Width of Skin for Stiffened Panels in Compression

WU Cunli, NIE Xiaohua

(Computation Structure Technique & Simulation Center, Aircraft Strength Research Institute of China, Xi'an 710065, China)

Abstract: It is well known that the fuselage and wing mainly consist of thin-skin stiffened panels and the failure load of stiffened panels is hot topic in aircraft engineering. Johnson-Euler equation is used to evaluate the failure loads, thus the effective width computation of skin needs to be determined. Several kinds of methods to calculate the effective width of skin are analyzed to quest for its origin, and their applicability is verified with test results of thin-skin stiffened panel. The results show that, the calculation errors of the effective width calculation methods are less than 10% for the calculation of riveting Z-typed fuselage stiffened panel failure load, and the methods can be helpful to engineers who design thin-skin stiffened panels in compression.

Key words: stiffened panel; Johnson-Euler equation; effective width of skin; buckling; failure load

0 引 言

结构稳定性是飞机结构设计中最为关心的问

题之一,飞机薄壁静强度失效中很大一部分是因为 丧失稳定性引起的,由于结构稳定性约束的限制, 飞机结构设计应力远远小于结构材料的许用应力。 因此,保持稳定性是不同薄壁结构形式的选择和设

通信作者:吴存利, cunli888@ sina. com

引用格式:吴存利, 聂小华. 加筋板破坏载荷计算中的蒙皮有效宽度计算方法适应性验证[J]. 航空工程进展, 2020, 11(3): 387-393,407. WU Cunli, NIE Xiaohua. Computing method applicability verification of effective width of skin for stiffened panels in compression

收稿日期:2019-07-22; 修回日期:2019-09-20

[[]J]. Advances in Aeronautical Science and Engineering, 2020, 11(3): 387-393,407. (in Chinese)

计的主要依据。

对于金属结构的稳定性分析,已经形成了一系 列分析方法,并形成了各种手册。如美国最早的 Handbook of Structural Stability,Part I-VI^[1-5],该 手册全面讨论了平板的屈曲,组合元件的屈曲,曲 板和壳体的屈曲,板和组合元件的破坏,加筋平板 的破坏。该手册是结构稳定性分析的鼻祖,后来国 内外出版的书、手册和指南提供的关于稳定性分析 方法都来自于该手册。

我国 1965 年 8 月出版的《飞机设计员手册(第 四册)》和 1983 年 4 月出版的《飞机设计手册(下 册)》中均介绍了金属飞机结构的稳定性计算方法。 在 1996 年 6 月出版的《结构稳定性设计手册》中, 较全面地总结了我国飞机设计部门多年的设计经 验和大量试验研究数据,给出了金属飞机结构稳定 性分析的较完整的计算公式、设计曲线和实用分析 软件^[6]。

金属加筋板的受压破坏形式,根据有效长度大 小可分为三种。在长柱范围内,即长加筋板,其破 坏形式呈弹性弯曲失稳破坏(又称柱失稳),在这一 区间,采用欧拉公式计算。在短柱范围内,属于塑 性压缩破坏,即压损破坏。在中长柱范围,属于塑 性失稳破坏,工程中一般采用两种方法,第一种方 法为抛物线近似法;第二种为 Johnson-Euler 方 程。目前国内外飞机设计公司如空客、庞巴迪、中 国商飞多采用第二种方法^[7-9]。

采用 Johnson-Euler 方程,必须计算蒙皮的有效宽度。目前关于有效宽度的计算存在着多种方法,但未见有公开的文献对计算方法的来源和适应性进行说明。鉴于此,本文针对国内外飞机设计人员常用的有效宽度计算方法进行讨论研究,探讨其来源,并针对 Z 型加筋板,说明其适应性。

1 Johnson-Euler 方程

Johnson-Euler 方程在抛物线近似法^[10-13]基础 上简化而来,抛物线近似法为

$$\frac{\overline{\sigma}_{co}}{\overline{\sigma}_{f}} = 1 - \left(1 - \frac{\sigma_{cr}}{\overline{\sigma}_{f}}\right) \frac{\sigma_{cr}}{\sigma_{e}} \tag{1}$$

式中:ōco为加筋平板的破坏应力;ōf为加筋短板的 压损破坏应力;oe为加筋板的欧拉柱失稳应力;ocr 蒙皮或筋条的局部屈曲应力。 在工程中,常近似地取 $\sigma_{cr} = \sigma_f/2$,代人式(1), 而 $\sigma_e = \pi^2 E(\rho/L')^2$,则式(1)简化为

$$\overline{\sigma}_{\omega} = \overline{\sigma}_{f} - \frac{\overline{\sigma}_{f}^{2}}{4\pi^{2}E} \left(\frac{L'}{\rho}\right)^{2}$$
(2)

式中: σ_f 为柱在 $L'/\rho=0$ 时的压损应力,一般取加筋的压损应力; $\rho=\sqrt{I/A}$ 为柱的回转半径,其中,A和I分别为柱的剖面面积和对剖面形心轴的惯性矩; $L'=L/\sqrt{c}$,其中,L为加筋板长度,c为端部支持系数。

采用 Johnson-Euler 方程计算加筋与蒙皮有 效宽度组成柱的破坏应力,涉及柱的面积和惯性矩 的计算,而其中的关键就是确定蒙皮的有效宽度, 一旦蒙皮的有效宽度已知,则采用式(2)能较为容 易的得到加筋板的许用应力。

2 有效宽度概念和计算方法

有效宽度示意图如图 1 所示。假设加筋板受 到如图 1(a)所示的轴压载荷,随着加载的继续,加 筋板截面上载荷分布变化情况如图 1(b)所示。

在达到板的初始失稳应力之前,整个截面应力 分布比较一致。当应力超过板的初始失稳应力后, 加筋之间的薄板发生屈曲,不再承受大于临界屈曲 载荷的载荷,但是与加筋连接的这部分薄板,由于 与加筋相连仍有继续承载的能力,工程中把与加筋 相连的薄板的宽度称作有效宽度,如图1(c)所示。 在加筋之间的薄板屈曲后,加筋板截面应力分布变 得不再均匀,筋条根部应力较大,离筋条越远应力 基本保持为常值(如图1(b)所示)。工程上为了计 算方便,用一致的应力分布来代替不一致的应力分 布,取中间板的初始失稳应力和板边最大应力代替 不一致应力分布,如图1(d)所示。由以上分析可 知,当载荷继续增加,有效宽度会越来越窄,如图1 (b)所示。因此确定加筋薄板的有效宽度成为计 算加筋板破坏载荷的关键因素。



(a) 结构示意图



(b) 有效宽度的取法







(d) 应力的近似处理



目前国内外对有效宽度计算有下列 8 方法。

2.1 Von Karman 有效宽度

在刚开始加载到筋条间板发生局部屈曲之前, 应力分布是均匀的,当筋条间板失稳后,应力开始 变得不再均匀,随着压缩载荷的增加,失稳的区域 越来越多,内力越来越向筋条附近转移,使其有效 宽度变窄(如图1(b)所示)。由板局部屈曲理论分 析可知,加筋板的初始屈曲应力即为两筋间板的局 部失稳应力,即

$$\sigma_{cr} = \frac{k_c E \pi^2}{12(1-\nu^2)} \left(\frac{t}{b}\right)^2 \tag{3}$$

式中:b为两筋条之间蒙皮宽度;t为蒙皮厚度;E 为蒙皮弹性模量;v为材料泊松比;k。为压缩临界 应力系数,与板的边界支持条件及长宽比(a/b) 有关。

Von Karman 认为,加筋板结构的最终失稳应 力可用筋条附近的一块有效宽板的临界失稳应力 来表征^[14],于是,当 *b* 为有效宽度 *b*_e 时,σ_α应为筋 条的最终失稳应力 σ_{s} 即,如式(4)所示。

$$\sigma_{st} = \frac{k_c E \pi^2}{12(1-\nu^2)} \left(\frac{t}{b_e}\right)^2 \tag{4}$$

由式(3)和式(4)得出:

$$\frac{b_e}{b} = \sqrt{\frac{\sigma_{cr}}{\sigma_{st}}} \tag{5}$$

2.2 Winter 有效宽度

Winter 对式(5)作了修正,给出的有效宽度表达式^[15]:

$$\frac{b_e}{b} = \xi_{\sqrt{\frac{\sigma_{cr}}{\sigma_{st}}}} \tag{6}$$

式中: ξ为修正项, 其表达式为

$$\boldsymbol{\xi} = 1.0 - 0.25 \sqrt{\frac{\sigma_{cr}}{\sigma_{st}}} \tag{7}$$

2.3 牛春匀书中的有效宽度

牛春匀在《实用飞机结构应力分析及尺寸设 计》中推荐采用如下的有效宽度计算公式^[16]:

$$b_e = t \left(\frac{K_{\text{ceff}} E}{\sigma_{st}} \right)^{1/2} \tag{8}$$

式中:K_{ceff}为蒙皮屈曲系数,与边界条件和蒙皮几 何尺寸相关,其表达式为

$$K_{\rm ceff} = \frac{k_c \pi^2}{12(1 - \nu^2)}$$
(9)

对于 $\frac{b}{t}$ 较大的宽板,筋条的扭转刚度相对较 大,筋条对板起到固支作用, k_c =6.98,因此 K_{ceff} = 6.32(ν =0.3);对于较厚的窄板,由于板的屈曲引 起筋条的局部扭转,筋条对板起到简支的作用,因 此, k_c =4.0, K_{ceff} =3.62(ν =0.3)。

2.4 Bruhn 书中的有效宽度

针对不同类型的加筋板,Bruhn 在《Analysis and Design of Flight Vehicle Structures》中采用如下有效宽度计算方法^[11]。

(a) Z和J形剖面铆接加筋板 有效宽度计算方法为

$$b_e = 1.90t \sqrt{\frac{E}{\sigma_{st}}} \tag{10}$$

式中:t为蒙皮厚度;E为弹性模量; σ_{st} 为筋条应力 (对于短板, $\sigma_{st} = \sigma_{cc}$)。 (b) L、I 形剖面铆接连接

对每个凸缘用双排铆接线与蒙皮连接在一起的L、I形剖面铆接加筋板如图2所示。在工程计算中,一般仍按一排铆接线计算,即*b*。仍用式(10) 计算,如图3(a)所示。但在计算筋条压损应力时, 与蒙皮相连的缘条厚度取缘条厚度与蒙皮板厚度 之和的3/4,如图3(b)所示。



图 2 L 和 Ⅰ 形剖面

Fig. 2 Sections of L and I



图 3 整体加筋 Fig. 3 Integrally stiffened panel

对于情况 1, 筋条的压损应力按 T 形截面计 算, T 形截面的垂直部分视为两头简支, 即 b_e 仍用 式(10)计算, 但蒙皮厚度取为 $t = (t_s + t_f)/2$ 。

对于情况 2,筋条压损应力按 I 形来计算,有 效宽度 b_e 仍用式(10)计算。

(c)蒙皮一端自由

蒙皮一端自由的有效宽度 $b_1 = 0.62t \sqrt{E/\sigma_{st}}$,

或等于b',取两者中较小者。蒙皮总的有效宽度为 $b_1+b_e/2$,如图 4 所示。



图 4 蒙皮一端自由 Fig. 4 Skin with one edge free

如果蒙皮与筋条的材料不同, b_e可用式(11) 计算。

$$b_e = 1.90t(\sigma_{sh}/\sigma_{st}) \sqrt{E_{st}/\sigma_{st}}$$
(11)

式中:σ_{st}为筋条应力;σ_{sh}与筋条有同样应变时蒙皮的应力;E_{st}筋条的弹性模量。

2.5 "民机指南"中有效宽度

由航空工业出版社出版,孙侠生主编的《民用 飞机结构强度刚度设计与验证指南》,有效宽度计 算方法^[12]为

$$\begin{cases} b_{e} = b_{r} + 1.9t_{s}\sqrt{E/\sigma_{st}} & (t_{s} \ge 3.15) \\ b_{e} = b_{r} + 2.15t_{s}\sqrt{E/\sigma_{st}} & (2.54 \le t_{s} < 3.15) \\ b_{e} = b_{r} + 2.4t_{s}\sqrt{E/\sigma_{st}} & (t_{s} < 2.54) \end{cases}$$

$$(12)$$

式中:t_s为蒙皮的宽度;b_r为铆钉间距,单位:mm。

2.6 工程有效宽度简便计算方法

工程中采用如下简便的计算方法(简称 30*t*)^[12],对于2024系列材料,蒙皮有效宽度为

$$b_e = b_r + 30t_s \tag{13}$$

对于 7075 系列材料,蒙皮有效宽度为

$$b_e = b_r + 25t_s \tag{14}$$

式中:t_s为蒙皮的厚度;b_r为铆钉间距。

2.7 《飞机设计手册》中有效宽度

航空工业在 1998 年组织相关专业技术专家编 写了《飞机设计手册》。在手册中蒙皮有效宽度选 取方法^[10]如下。 对于长桁和蒙皮材料相同的情况下,相邻蒙皮 的有效宽度为

$$b_e = 0.95t \sqrt{\frac{E}{\sigma_{st}}} \tag{15}$$

如果蒙皮和筋条材料不同,则有

$$b_e = 0.95t(\sigma_s/\sigma_{st}) \sqrt{\frac{E_{st}}{\sigma_{st}}}$$
(16)

式中:σ_s为筋条有同样应变时蒙皮的应力;E_{st}为筋 条的弹性模量。

2.8 国外民机设计公司蒙皮有效宽度

空客公司在对中长加筋板强度设计时,也采用 Johnson-Euler方程计算。需要值得注意的是,空 客手册中有效宽度计算方法,是建立在对 Johnson-Euler 方程修正的基础上,因此不具有通用性。

加拿大庞巴迪公司在中长加筋板极限强度计 算中,蒙皮的有效宽度计算方法与牛春匀介绍的一 致,因此这里不再介绍。

3 有效宽度计算方法评述

上面介绍了蒙皮有效宽度各种计算方法。下 面将对这些计算方法进行简述。

Von Karman 的有效宽度计算方法是从板的临界屈曲应力公式推导而来的,是最基础的,后面 其他计算方法都是从该方法演变而来的。

Winter 在 Von Karman 有效宽度计算方法的 基础上增加修正项,由于修正系数小于 1,用 Winter 方法计算得到有效宽度小于 Von Karman 的。

牛春匀采用的有效宽度计算方法与 Von Karman 的一致。如果将平板临界屈曲应力计算公式 $\sigma_{cr} = K_{ceff} E(t/b)^2$ 代入 Von Karman 计算公式,即 得到牛春匀的计算方法。

Bruhn 介绍的有效宽度计算方法,是牛春匀方法 K_{ceff}=3.62 一种特殊情况,即认为筋条对蒙皮的支持为简支,是牛春匀方法一种特例。

"民机指南"中有效宽度在 Von Karman 公式的基础上按蒙皮的厚度进行了分类:当蒙皮厚大于 3.15 mm,屈曲系数取简支;当蒙皮厚小于 2.54 mm,屈曲系数取固支;当蒙皮厚在 2.54 mm 到 3.15 mm,取简支和固支的平均值。

《飞机设计手册》第9分册给出的有效宽度计

算方法与 Bruhn 给出的公式一致。

庞巴迪公司在《应力和疲劳手册》中的蒙皮有 效宽度计算方法与牛春匀介绍的一致。

从上述分析可知,无论是国外民机设计手册, 还是教材或科技书籍,所采用的有效宽度根源都来 自 Von Karman,不同之处是他们在 Von Karman 有效宽度的基础上增加了修正项,或是 Von Karman 的方法一种特例。

4 有效宽度计算方法适应性验证

鉴于上述的分析结果,本文利用机身加筋板试 验数据,对有效宽度的 Von Karman、Winter、Bruhn、"民机指南"、工程简便计算方法适应性进行验 证,说明其计算效果。

4.1 试验件

机身壁板的轴压试验件共有 12 种构型,蒙皮 曲率半径为 1 560.9 mm。采用的材料为 2524-T3 和 2524-T4,框和筋条所用的材料为 7075-T62 和 7075-T6。

轴压壁板结构总长有 542 mm 和 610 mm 两 种,总宽有 580 mm 和 540 mm 两种,试验段分别 为 492 mm 和 560 mm,夹持高度均取 25 mm,长 桁间距为 190 mm 和 180 mm,蒙皮壁板为整体化 洗,最厚处为 1.6 mm,最薄处为 1.0 mm。筋条为 Z 型剖面,按厚度以及形状分为 5 种类型。试验件 详细构型和边界条件详见参考文献[17]。轴压试 验件示意图如图 5 所示。





4.2 加筋板破坏载荷分析

采用 Johnson-Euler 方程计算加筋板破坏载 荷,需要先计算加筋条的压损应力,然后通过迭代 获得加筋板的有效宽度,最后计算加筋板破坏 载荷。

4.2.1 筋条压损应力

筋条的压损应力计算采用板元法^[10-13],依次 计算各个板元的压损应力,然后计算筋条的压损应 力。试验件 5 类筋条的压损应力计算值如表 1 所示。

表1 筋条的压损应力 Table 1 Crippling stress of Z section

筋条	面积/mm ²	弹性模量/MPa	屈服强度/MPa	压损应力/MPa
1	59.30	72 400	468	355.9
2	72.67	72 400	468	380.1
3	89.60	72 400	468	394.3
4	146.50	72 400	468	429.5
5	140.90	72 400	468	421.0

4.2.2 蒙皮有效宽度

对 12 种试验件构型,采用 5 种方法(Von Karman,Winter,Bruhn,"民机指南",工程 30*t* 蒙皮厚 度)计算了蒙皮的有效宽度,计算结果如图 6 所示。



从图 6 可以看出:采用 Winter 方法得到的有效宽度值最小,其次是 Von Karman 方法,而采用 民机指南得到的有效宽度最大;除了民机指南方法 外,无论是 Von Karman 还是 Winter 或 Bruhn 方 法,计算得到的有效宽度差异性不大,其值大小基本等同于 30t 的蒙皮厚度。

4.2.3 壁板破坏载荷

在得到蒙皮的有效宽度后,利用 Johnson-Euler 方程计算加筋板的破坏载荷。在计算中,端部 支持系数取 1.6(由试验确定)。

加筋壁板的破坏载荷如图7所示。





从图 7 可以看出:除了民机指南外,采用其他 方法计算蒙皮有效宽度,然后利用 Johnson-Euler 方程得到的破坏载荷基本相同。如果采用民机指 南,计算得到破坏载荷比其他方法大约大 10%。 也可以看出,在蒙皮厚度一定的情况下,加筋板的 破坏载荷随筋条面积的增加而增大。

计算值相对于试验值的误差曲线如图 8 所示, 试验值取自文献[17]。











从图 8 可以看出:无论采用何种有效宽度计算 方法,除了少数几个值外,其他值都在±10%之内, 这说明采用 Johnson-Euler 方程计算得到的破坏 载荷误差大约在 10%之间;对于 Z 字型加筋板,在 蒙皮厚度一定的情况下,计算误差随筋条的面积增 大由正变为负,这说明筋条面积越大,计算值越 保守。

5 结 论

(1) 对于薄蒙皮铆接 Z 型机身加筋板,基于目前的有效宽度计算方法,采用 Johnson-Euler 方程 计算得到的破坏载荷与试验值基本吻合,误差大约 在 10%之内。

(2) 与试验值对比表明,采用 Johnson-Euler 方程计算破坏载荷,为了方便,蒙皮有效宽度也可 取 30t_s(材料 2024 类)。

(3) 几种有效宽度计算方法中,"民机指南"给出的有效宽度最大,计算得到的破坏载荷也最大。 这是因为对于薄蒙皮,民机指南中蒙皮有效宽度推导是基于筋条对蒙皮支持为固支,从而导致有效宽度计算公式中的系数从 1.9 上升为 2.4。

参考文献

- GERARD G, BECKER H. Handbook of structural sability, part I : buckling of flat plates: NACA-3781 [R]. Washington: NACA, 1957.
- [2] BECKER H. Handbook of structural stability, part II: buckling of composite elements: NACA-3782[R]. Washington: NACA, 1957.
- [3] GERARD G, BECKER H. Handbook of structural stability, part III: buckling of curved plates and shells: NACA-3783[R]. Washington: NACA, 1957.
- GERARD G. Handbook of structural stability, part W: failure of plates and composite elements: NACA-3784[R].
 Washington: NACA, 1957.
- [5] GERARD G. Handbook of structural stability, part V: compressive strength of flat: NACA-3785[R]. Washington: NACA, 1957.
- [6] 崔德刚.结构稳定性设计手册[M].北京:航空工业出版 社,1996.
 CUI Degang. The structure stability design manual[M].
 Beijing: Aviation Industry Press, 1996. (in Chinese)
- [7] 雷一鸣.大型客机铝锂合金机身壁板压缩稳定性试验研究
 [J].中国科技信息,2015(15):55-57.
 LEI Yiming. Stability experiments of fuselage panel for large-scale civil aircraft[J]. China Science and Technology Information, 2015(15):55-57. (in Chinese)
- [8] 殷黎,王斌团,薛应举.飞机下船体隔框压缩稳定性分析方 法研究[J]. 航空科学技术,2015,26(6):18-21.
 YIN Li, WANG Bintuan, XUE Yingju. Study of compression stability analysis method on the below part of cargo's frame[J]. Aeronautical Science & Technology, 2015, 26 (6):18-21. (in Chinese)
- [9] 刘存,万亚峰,李健. 整体加筋壁板轴压承载能力计算方法 研究[J]. 机械强度, 2017, 39(6): 1338-1343. LIU Cun, WAN Yafeng, LI Jian. Research on calculation method of axial compression load-carrying capacity of integrally stiffened panel[J]. Journal of Mechanical Strength, 2017, 39(6): 1338-1343. (in Chinese)
- [10] 飞机设计手册总编委会.飞机设计手册:第9册——载荷、强度和刚度[M].北京:航空工业出版社,2001.
 Aircraft Design Manual's Editors. Aircraft design manual: vol.9-load, strength and stiness[M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2001. (in Chinese)

ing and rain testing capability upgrade program: AIAA-93-0295[R]. Reno: AIAA, 1993.

- [7] BELL J D. Icing at the Mckinley climatic laboratory: AIAA-2014-735[R]. Reno: AIAA, 2004.
- [8] ROBERT F J, PHILIP A, RONALD D. Artificial icing tests of the S-92A helicopter in the Mckinley climatic laboratory: AIAA-2004-737[R]. Reno: AIAA, 2004.
- [9] MARK A. F-35B forty below hot-cold test[J]. Air International, 2015(3): 7-9.
- [10] 李冬梅.大型气候环境实验室综合控制管理系统网络结构 设计[J].装备环境工程,2018,15(6):11-16.
 LI Dongmei. Architecture design of control management system for aircraft climatic environment test facility[J]. Equipment Environment Engineering, 2018, 15(6):11-16. (in Chinese)
- [11] 张昭. 军用飞机实验室气候环境试验项目分析[J]. 装备环境工程, 2017, 14(10): 87-91.
 ZHANG Zhao. Military aircraft laboratory climatic test management [J]. Equipment Environment Engineering, 2017, 14(10): 87-91. (in Chinese)
- [12] AMSC. Aircraft structural integrity program: MIL-STD-1530D[S]. US: AMSC, 2004.

```
[13] Secretary of the Air Force. Air force instruction, operation-
al test and evaluation: 99-102[S]. US: Secretary of the Air
Force, 1998.
```

- [14] 吴相甫. 气候实验室气候环境试验数据管理系统设计[J]. 测控技术 2017, 36(9): 114-118.
 WU Xiangfu. Design of test data management system for aircraft climatic environment test in laboratory[J]. Measurement & Control Technology, 2017, 36(9): 114-118. (in Chinese)
- [15] 中国民用航空局.航空器型号合格审定程序: AP-21-AA-2011-03-R4[S].北京:中国民用航空局, 2011.
 CAAC. Aircraft type certification flight test safety program: AP-21-AA-2011-03-R4[S]. Beijing: CAAC, 2011.
 (in Chinese)

作者简介:

尚 文(1989-),男,硕士,工程师。主要研究方向:飞机地面 试验质量适航管理。

(编辑:丛艳娟)

(上接第 393 页)

- [11] BRUHN E F. Analysis and design of flight vehicle structures[M]. Cincinnati; Jacobs Publishing Inc., 1973.
- [12] 孙侠生.民用飞机结构强度刚度设计和验证指南[M].北京:航空工业出版社,2012.
 SUN Xiasheng. Guidelines for structural strength and stiffness design and verification of civil aircraft[M]. Beijing: A-viation Industry Press, 2012. (in Chinese)
- [13] BOMBARDIER R. Stress and fatigue, strength of metallic structures-buckling thin skin stringer panels in compression: BM7024[R]. [S.l.: s.n.], 2004.
- [14] Von KARMAN T, SECHLER E E, DONNELL L H. The strength of thin plates in compression[J]. Transactions of ASME, 1932, 54(2): 53-57.
- [15] WINTER G. Stress distribution in and equivalent width of flanges of wide thin-wall steel beams[R]. [S. l.]: National Advisory Committee for Aeronautics, 1940.
- [16] 牛春匀. 实用飞机结构应力分析及尺寸设计[M]. 北京: 航空工业出版社, 2009.

NIU Chunyun. Airframe stress analysis and sizing[M]. Beijing: Aviation Industry Press, 2009. (in Chinese)

[17] 孙为民,童明波,董登科,等.加筋壁板轴压载荷下屈曲稳 定性试验研究[J].实验力学,2008,23(4):333-338.
SUN Weimin, TONG Mingbo, DONG Dengke, et al. Postbuckling and stability studies of curved stiffened panels subjected to an axial compression load[J]. Journal of Experimental Mechanics, 2008, 23(4): 333-338. (in Chinese)

作者简介:

吴存利(1963-),男,博士,研究员。主要研究方向:计算结构 力学、结构强度和一般力学。

聂小华(1972一),女,硕士,研究员、副总工程师。主要研究方向:计算结构力学、虚拟试验。

(编辑:丛艳娟)